

Prof. Dr. Alfred Toth

Mesozeichenklassen von Peirce-Zahlen

1. In der von Bense (1975, S. 37) eingeführten semiotischen Matrix

	.1	.2	.3
1.	1.1	1.2	1.3
2.	2.1	2.2	2.3
3.	3.1	3.2	3.3

finden sich, wie in Toth (2010) dargestellt, drei Sorten von sog. Peirce-Zahlen:

1. Triadische Peirce-Zahlen (Td) der Form (x.)
2. Trichotomische Peirce-Zahlen (Tt) der Form (.x)
3. Diagonale Peirce-Zahlen (Dg) der Form (x.x)

(mit $x \in (1, 2, 3)$). Die diagonalen Peirce-Zahlen können ferner in haupt- und nebendiagonale geschieden werden.

2. Im folgenden bilden wir die Mesozeichenklassen (vgl. Toth 2025) aller drei bzw. vier Sorten von Peirce-Zahlen.

2.1. Trichotomische Peirce-Zahlen

$$(1.1, 1.2, 1.3)' = ((1.1, 1.2), (1.1, 2.3), (1.1, 1.3))$$

$$(2.1, 2.2, 2.3)' = ((2.2, 1.2), (2.2, 2.3), (2.2, 1.3))$$

$$(3.1, 3.2, 3.3)' = ((3.3, 1.2), (3.3, 2.3), (3.3, 1.3))$$

Mesozeichenklasse ohne Konstanten

$$M = ((1.1, 2.2, 3.3), (1.1, 2.2, 3.3), (1.1, 2.2, 3.3))$$

2.2. Triadische Peirce-Zahlen

$$(1.1, 2.1, 3.1)' = ((1.2, 1.1), (2.3, 1.1), (1.3, 1.1))$$

$$(1.2, 2.2, 3.2)' = ((1.2, 2.2), (2.3, 2.2), (1.3, 2.2))$$

$$(1.3, 2.3, 3.3)' = ((1.2, 3.3), (2.3, 3.3), (1.3, 3.3))$$

Mesozeichenklasse ohne Konstanten

$$M = ((1.1, 2.2, 3.3), (1.1, 2.2, 3.3), (1.1, 2.2, 3.3))$$

2.3. Hauptdiagonale Peirce-Zahlen

$$(1.1, 2.2, 3.3)' = ((1.2, 1.2), (2.3, 2.3), (1.3, 1.3))$$

Mesozeichenklasse ohne Konstanten

$$M = (1.2, 2.3, 1.3)$$

2.4. Nebendiagonale Peirce-Zahlen

$$(3.1, 2.2, 1.3)' = ((3.2, 1.2), (2.1, 2.3), (3.1, 1.3))$$

Mesozeichenklasse ohne Konstanten

$$M = (3.2, 2.1, 3.1)$$

3. Mesozeichenklassen-System der Peirce-Zahlen

$$M^{Tt} = ((1.1, 2.2, 3.3), (1.1, 2.2, 3.3), (1.1, 2.2, 3.3))$$

$$M^{Td} = ((1.1, 2.2, 3.3), (1.1, 2.2, 3.3), (1.1, 2.2, 3.3))$$

$$M^{DgH} = (1.2, 2.3, 1.3)$$

$$M^{DgN} = (3.2, 2.1, 3.1)$$

Auf Mesozeichen-Ebene gilt also $M^{Tt} = M^{Td}$. M^{DgH} und M^{DgN} sind dual (!) und permutationell.

Literatur

Bense, Max, Semiotische Prozesse und Systeme. Baden-Baden 1975

Toth, Alfred, Calculus semioticus. Was zählt die Semiotik? In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2010

Toth, Alfred, Mesozeichenklassen bei Zeichenkonnexen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025

14.10.2025